

Think
IAS...!



Think
Drishti

संघ लोक सेवा आयोग (UPSC)

गणित

(भाग-2)



दूरस्थ शिक्षा कार्यक्रम (*Distance Learning Programme*)

Code: CSC02



संघ लोक सेवा आयोग (UPSC)

गणित (भाग-2)



641, प्रथम तल, डॉ. मुखर्जी नगर, दिल्ली-110009

दूरभाष : 8750187501, 011-47532596

टोल फ्री : 1800-121-6260

Web : www.drishtiIAS.com

E-mail : online@groupdrishti.com

पाठ्यक्रम, नोट्स तथा बैच संबंधी updates निरंतर पाने के लिए निम्नलिखित पेज को "like" करें

www.facebook.com/drishtithevisionfoundation

www.twitter.com/drishtiias



विषय सूची (Contents)

1. आधारभूत बीजगणित (Fundamentals of Algebra)	5-24
2. श्रेणियाँ (Series)	25-38
3. क्रमचय एवं संचय (Permutation and Combination)	39-52
4. प्रायिकता (Probability)	53-64
5. समुच्चय सिद्धांत (Set Theory)	65-81
6. आधारभूत ज्यामिति (Basic Geometry)	82-107
7.1. क्षेत्रमिति - द्विविमीय (Mensuration – Two Dimensional)	108-130
7.2. त्रिविमीय आकृतियाँ - क्षेत्रफल तथा आयतन (3 Dimensional Figures – Area and Volume)	131-148
8.1. त्रिकोणमिति (Trigonometry)	149-155
8.2. ऊँचाई तथा दूरी (Height and Distance)	156-163
9. निर्देशांक ज्यामिति (Co-ordinate Geometry)	164-170
10. सांख्यिकी (Statistics)	171-178

क्रमचय एवं संचय (Permutation and Combination)

फैक्टोरियल (Factorial)

1 से लेकर n तक के सभी धनात्मक पूर्णांकों का गुणनफल ‘फैक्टोरियल n ’ कहलाता है और इसे $n!$ या $|n|$ से दर्शाते हैं।

$$|n| = n \times (n - 1) \times (n - 2) \times \dots \times 3 \times 2 \times 1$$

$$|5| = 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 = 120$$

$$|3| = 3 \times 2 \times 1 = 6$$

$$\begin{aligned} |8| &= 8 \times 7 \times 6 \times |5| \\ &= 336 \times 120 = 40320 \end{aligned}$$

$$|6| = 6 \times |5| = 6 \times 5 \times |4| = 6 \times 5 \times 4 \times |3| = 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times |2|$$

$$|0| = 1$$

$$|1| = 1$$

क्रमचय (Permutation)

दो गई वस्तुओं में से कुछ को या सभी को लेकर सजाने के सभी संभावित तरीकों को क्रमचय कहते हैं?

उदा.-1: Ram, Shyam और Mohan में से सभी को लेकर बनाए गए क्रमचय हैं:

RSM, RMS, SRM, SMR, MRS, MSR

उदा.-2: R, S और M में से दो-दो को लेकर बनाए गए क्रमचय हैं:

RS, RM, SR, SM, MR, MS

$$\text{सूत्र: } {}^n P_r = \frac{|n|}{|(n - r)|}$$

जहाँ, $n =$ वस्तुओं की कुल संख्या

$r =$ यादृच्छ्या चुने गए वस्तु

- n वस्तुओं को व्यवस्थित करने की कुल संख्या (क्रमचय) जिसमें से p वस्तुएँ एकसमान हैं और एक ही प्रकार की हैं

$$= \frac{|n|}{|p|}$$

उदाहरण:

1. 10 लड़कों में से पाँच को पाँच अलग-अलग कुर्सियों पर बैठना है। ऐसी कितनी स्थितियाँ संभव हैं?

$$\text{हल: } {}^n P_r = \frac{|n|}{|(n - r)|}$$

$${}^{10} P_5 = \frac{|10|}{|(10 - 5)|} = \frac{|10|}{|5|}$$

$$= \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times |5|}{|5|} = 30240$$

$$2. {}^{10} P_2 = \frac{|10|}{|(10 - 2)|} = \frac{|10|}{|8|} = \frac{10 \times 9 \times |8|}{|8|} = 90$$

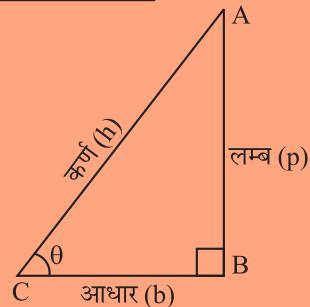
त्रिकोणमिति (*Trigonometry*)

A. कोण की इकाइयाँ

(a) डिग्री में : 1 समकोण = 90°

(b) रेडियन में : π radian = $\pi^c = 180^\circ$

B. समकोण ΔABC में, जहाँ कोण B समकोण है



$$1. \sin \theta = \frac{\text{लम्ब}}{\text{कर्ण}} = \frac{p}{h}$$

$$2. \cos \theta = \frac{\text{आधार}}{\text{कर्ण}} = \frac{b}{h}$$

$$3. \tan \theta = \frac{\text{लम्ब}}{\text{आधार}} = \frac{p}{b}$$

$$4. \cot \theta = \frac{\text{आधार}}{\text{लम्ब}} = \frac{b}{p} = \frac{1}{\tan \theta}$$

$$5. \sec \theta = \frac{\text{कर्ण}}{\text{आधार}} = \frac{h}{b} = \frac{1}{\cos \theta}$$

$$6. \csc \theta = \frac{\text{कर्ण}}{\text{लम्ब}} = \frac{h}{p} = \frac{1}{\sin \theta}$$

$$7. \tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$$

$$8. \cot \theta = \frac{\cos \theta}{\sin \theta}$$

C.

$$1. \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

$$2. \sec^2 \theta - \tan^2 \theta = 1$$

$$3. \cosec^2 \theta - \cot^2 \theta = 1$$

D.

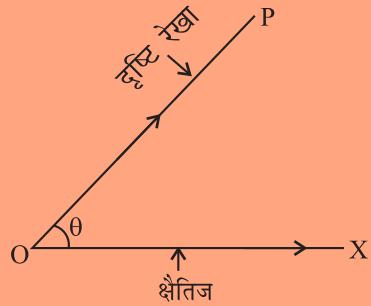
θ	0°	30°	45°	60°	90°
$\sin \theta$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos \theta$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{1}{2}$	0
$\tan \theta$	0	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	1	$\sqrt{3}$	अपरिभाषित ∞
$\cot \theta$	अपरिभाषित ∞	$\sqrt{3}$	1	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	0
$\sec \theta$	1	$\frac{2}{\sqrt{3}}$	$\sqrt{2}$	2	अपरिभाषित ∞
$\csc \theta$	अपरिभाषित ∞	2	$\sqrt{2}$	$\frac{2}{\sqrt{3}}$	1

ऊँचाई तथा दूरी (Height and Distance)

त्रिभुजों के कोणों और भुजाओं के बीच बने संबंध से संबंधित है त्रिकोणमिति। इसका प्रयोग कोणों और भुजाओं के बीच के संबंध को समझने और उसके मान को अविलंब प्राप्त करने के लिये किया जाता है। वस्तु की ऊँचाई/दूरी ज्ञात करने में भी लागू होता है।

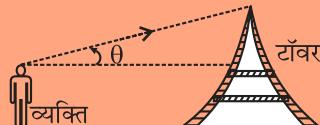
उन्नयन कोण (Angle of Elevation)

OX एक क्षैतिज रेखा है तथा बिंदु O से कोई व्यक्ति एक वस्तु P को देखता हो तो $\angle XOP$ को उन्नयन कोण कहते हैं। अर्थात् ऊपर की ओर देखने पर क्षैतिज रेखा और दृष्टि रेखा (Line of Sight) के बीच बने ' θ ' कोण को उन्नयन कोण कहते हैं।

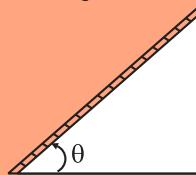


उदाहरण:

- एक टॉवर से कुछ दूरी पर एक व्यक्ति खड़ा है वह टॉवर के शीर्ष को देखता है। उसके नेत्र से टॉवर पर बने ' θ ' कोण को उन्नयन कोण कहा जाता है।



- एक दीवार पर सीढ़ी लगी हुई है। सीढ़ी के पाद बिंदु से जमीन पर बने कोण को उन्नयन कोण कहा जाता है।



अवनमन कोण (Angle of Depression)

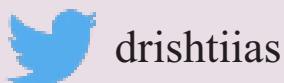
OX एक क्षैतिज रेखा है बिंदु O से कोई व्यक्ति नीचे की ओर रखी वस्तु P को देखता हो तो $\angle XOP$ को अवनमन कोण कहते हैं। अर्थात् नीचे की ओर देखने पर क्षैतिज रेखा और दृष्टि रेखा के बीच बने कोण को अवनमन कोण कहते हैं।

डी.एल.पी. बुकलेट्स की विशेषताएँ

- आयोग के नवीनतम पैटर्न पर आधारित अध्ययन सामग्री।
- पैराग्राफ, बुलेट फॉर्म, सारणी, फ्लोचार्ट तथा मानचित्र का उपयुक्त समावेश।
- विषयवस्तु की सरलता, प्रामाणिकता तथा परीक्षा की दृष्टि से उपयोगिता पर विशेष ध्यान।
- विविध रिवीजन हेतु प्रत्येक अध्याय में महत्वपूर्ण तथ्यों का संकलन।
- प्रत्येक अध्याय के अंत में विगत वर्षों में पूछे गए एवं संभावित प्रश्नों का समावेश।

Website : www.drishtiIAS.com

E-mail : online@groupdrishti.com



641, First Floor, Dr. Mukherjee Nagar, Delhi-110009

Phones : 8750187501, 011-47532596